

Fiche méthode : déterminer un domaine de définition

Avec des fractions

Lorsqu'une fonction est définie à l'aide d'une fraction contenant des x au dénominateurs , il faut déterminer les valeurs interdites .

Méthode :

On sait qu'un dénominateur ne peut être nul .
On cherche quelles sont les valeurs de x qui annulent le dénominateur
Ce sont les valeurs interdites

Exemple

Déterminer le domaine de définition de la fonction f définie par $f(x) = \frac{3x+8}{2x-7}$

Le dénominateur est $2x - 7$; il ne doit pas être nul

Or $2x - 7 = 0$ si $x = \frac{7}{2}$. Donc , $\frac{7}{2}$ est la valeur interdite

Le domaine de définition est donc tous les réels sauf $\frac{7}{2}$

On le note $Df = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{7}{2} \right\}$

Avec des racines

Une racine est définie uniquement lorsque l'expression sous la racine est positive

Méthode

On repère l'expression sous la racine
Elle doit être positive
On résout l'inéquation
La solution est le domaine de définition

Exemple

Déterminer le domaine de définition de la fonction f définie par $f(x) = \sqrt{3x+9}$

L'expression sous la racine est $3x + 9$


Elle doit être positive , on doit donc résoudre : $3x + 9 \geq 0$

$$3x \geq -9$$

$$x \geq -3$$

$$S = [-3; +\infty[$$

Le domaine de définition est donc $Df = [-3; +\infty[$

 Si l'expression est plus compliquée , il faut penser à utiliser les méthodes vues dans les fiches méthodes « factorisation » , « équations » et « inéquations »

Et dans les autres cas

Lorsque la fonction est un simple polynôme , c'est-à-dire , une expression avec des x sans fractions ni racines de x , le domaine de définition est \mathbb{R}

Exemple

$$f(x) = 3x^2 + 8x + 9 , Df = \mathbb{R}$$

$$g(x) = \frac{3}{2}x^3 + 2x + \sqrt{7} \quad Dg = \mathbb{R} , \text{ les fractions et les racines ne sont pas en } x .$$

Exercices

Déterminer le domaine de définition des fonctions suivantes :

$$f(x) = \sqrt{8x+9}$$

$$g(x) = \frac{2x+9}{3x-12}$$

$$h(x) = x^2 + 8x + 9$$

$$j(x) = \frac{2x+7}{(x-8)(3x-19)}$$

$$k(x) = \sqrt{(2x-18)(3x-9)}$$

$$m(x) = 3x^2 + 9x + 7$$