

Exercice 1 (4 points)

Donner sous la forme $a\sqrt{b}$ avec a et b entiers et b le plus petit possible

1. $\sqrt{50} = 2\sqrt{5}$
2. $3\sqrt{12} - 2\sqrt{48} = 6\sqrt{3} - 8\sqrt{3} = -2\sqrt{3}$
3. $\sqrt{20} \times \sqrt{30} = 2\sqrt{5} \times \sqrt{5} \times \sqrt{6} = 10\sqrt{6}$
4. $\sqrt{55} \times \sqrt{5} \times \sqrt{22} = 55\sqrt{2}$

Exercice 2 (6 points)

Résoudre :

1. $|x - 8| \leq 2 \iff x \in [6; 10]$
2. $(3x - 1)^2 = 36 \iff 3x - 1 = 6 \text{ ou } 3x - 1 = -6 \iff x = \frac{7}{3} \text{ ou } x = -\frac{5}{3}$
3. $(x - 8)(2x - 9) = 0 \iff x - 8 = 0 \text{ ou } 2x - 9 = 0 \iff x = 8 \text{ ou } x = \frac{9}{2}$
4. $\frac{7x - 6}{x - 4} = 0 \iff 7x - 6 = 0 \iff x = \frac{6}{7}$. La valeur interdite étant 4
5. $\frac{3x - 5}{2x - 4} = 5 \iff 3x - 5 = 5(2x - 4) \iff -7x = -15 \iff x = \frac{15}{7}$. La valeur interdite étant 2
6. $3x - 5 \leq 3 - 7(2x - 5) \iff 3x - 5 \leq 3 - 14x + 35 \iff 17x \leq 53 \iff x \leq \frac{53}{17} \iff x \in]-\infty; \frac{53}{17}]$

Exercice 3 (6 points)

1. Développer et réduire :

- (a) $(3x - 8)(x - 2) - 4(2x - 4) = 3x^2 - 22x + 32$
- (b) $(3x + 4)^2 = 9x^2 + 24x + 16$

2. Factoriser :

- (a) $(x - 2)(7x - 5) - 3(x - 2) = (x - 2)(7x - 8)$
- (b) $(4x - 3)^2 - (2x + 6)^2 = (6x + 3)(2x - 9)$

Exercice 4 (4 points)

Démontrer que $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$