

Corrigé DS n° 2
Moyenne 9 / 20 ; meilleure note 17/20

Exercice 1

1) $(3x - 9)(x - 4) \geq 0$

x	$-\infty$	3	4	$+\infty$
$3x - 9$	-	0	+	+
$x - 4$	-	-	0	+
P	+	0	-	0

$$S =] -\infty; 3] \cup [4; +\infty[$$

2) $\frac{5-x}{2+x} \leq 0$

x	$-\infty$	-2	5	$+\infty$
$2+x$	-	0	+	+
$5-x$	+	+	0	-
Q	-	//	0	-

$$S =] -\infty; -2[\cup [5; +\infty[$$

3) $\frac{(x+2)(x^2+1)}{x-3} \geq 0$

x	$-\infty$	-2	3	$+\infty$
$x+2$	-	0	+	+
$x-3$	-	-	0	+
x^2+1	+	+	+	+
Q	+	0	-	//

$$S =] -\infty; -2] \cup]3; +\infty[$$

Exercice 2

1) $\frac{3x-5}{x+5} = 0 \Leftrightarrow 3x-5=0 \Leftrightarrow x=\frac{5}{3}$

2) $\frac{4x-6}{x+2} = 5 \Leftrightarrow 4x-6=5(x+2) \Leftrightarrow 4x-6=5x+10 \Leftrightarrow -x=16$
 $\Leftrightarrow x=-16$

Exercice 3

1) $(x+5)^2 - 49 \geq 0 \Leftrightarrow (x+5-7)(x+5+7) \geq 0 \Leftrightarrow (x-2)(x+12) \geq 0$

x	$-\infty$	-12	2	$+\infty$
$x+12$	-	0	+	+
$x-2$	-	-	0	+
P	+	0	-	0

$$S =] -\infty; -12] \cup [2; +\infty[$$

2) $\frac{3x-8}{x+3} \leq 4 \Leftrightarrow \frac{3x-8-4(x+3)}{x+3} \leq 0 \Leftrightarrow \frac{-x-20}{x+3} \leq 0$

x	$-\infty$	-20	-3	$+\infty$
$-x-20$	+	0	-	-
$x+3$	-	-	0	+
Q	-	0	+	//

$$S =] -\infty; -20] \cup] -3; +\infty[$$

Corrigé DS n° 2
Moyenne 9 / 20 ; meilleure note 17/20

Exercice 4

- 1) $(2x - 5)(4 - x) = 8x - 2x^2 - 20 + 5x = -2x^2 + 13x - 20 = f(x)$
- 2) $f(0) = -20$
- 3) $(2x - 5)(4 - x) \geq 0$

x	$-\infty$	$5/2$	4	$+\infty$
$2x - 5$	-	0	+	+
$4 - x$	+	+	0	-
$f(x)$	-	0	+	-

$$S = \left[\frac{5}{2}; 4 \right]$$

$$\begin{aligned} 4) \quad f(x) = -20 &\Leftrightarrow -2x^2 + 13x - 20 = -20 \Leftrightarrow -2x^2 + 13x = 0 \\ &\Leftrightarrow x(-2x + 13) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \text{ ou } x = 13/2 \end{aligned}$$

Exercice 5

- 1) Aire = $3x^2 + 2 \times \frac{x}{2} \times 6 = 3x^2 + 6x$
- 2) $3x^2 + 6x \leq 360$
- 3) $3(x + 12)(x - 10) = 3(x^2 - 10x + 12x - 120) = 3x^2 + 6x - 360$
- 4) $3x^2 + 6x \leq 360 \Leftrightarrow 3(x + 12)(x - 10) \leq 0$

x	$-\infty$	-12	10	$+\infty$
$x + 12$	-	0	+	+
$x - 10$	-	-	0	+
P	+	0	-	0

$$S = [-12; 10]$$

La valeur de x doit donc être inférieure à 10 cm .

Barème

Exercice 1 : 1 + 1,5 + 1,5

Exercice 2 : 1,5 + 1,5

Exercice 3 : 1,5 + 1,5

Exercice 4 : 1 + 1 + 1,5 + 1,5

Exercice 5 : 1,5 + 1 + 1 + 1,5