

Corrigé DS n° 1

Exercice 1 (8 points)

- 1) $3(x - 2) + (x + 1)(x - 5) = 3x - 6 + x^2 - 4x - 5 = x^2 - x - 11$
- 2) $(3x - 5)^2 = 9x^2 - 30x + 25$
- 3) $2(x - 5)^2 - 3(x + 8)(x - 2) = 2(x^2 - 10x + 25) - 3(x^2 + 6x - 16) = 2x^2 - 20x + 50 - 3x^2 - 18x + 48 = -x^2 - 38x + 98$
- 4) $3(x + 2)(2x - 5) + (x - 3)(x + 2) = (x + 2)[3(2x - 5) + x - 3] = (x + 2)(7x - 18)$
- 5) $25x^2 - 16 = (5x - 4)(5x + 4)$
- 6) $(2x - 3)^2 - (x + 5)^2 = [(2x - 3) - (x + 5)][(2x - 3) + (x + 5)] = (x - 8)(3x + 2)$

Exercice 2 (4 points)

- 1) $[5; 12] \cap [2; 30] = [5; 12]$
- 2) $]-\infty; 3] \cup [-2; 5] =]-\infty; 5]$
- 3) $]-\infty; 12[\cap [3; +\infty[= [3; 12[$

Exercice 3 (8 points)

1) $(2x - 6)(-3x + 12) \geq 0$

On fait un tableau de signes

x	$-\infty$	3	4	$+\infty$
$2x - 6$	-	0	+	+
$-3x + 12$	+	+	0	-
P	-	0	+	-

$S = [3; 4]$

2) $(-x + 5)(3x + 16) \leq 0$

On fait un tableau de signes

x	$-\infty$	$-16/3$	5	$+\infty$
$-x + 5$	+	+	0	-
$3x + 16$	-	0	+	+
P	-	0	+	-

$S =]-\infty; -\frac{16}{3}] \cup [5; +\infty[$

3) $(x + 4)(x - 5) < 0$

On fait un tableau de signes

x	$-\infty$	-4	5	$+\infty$
$x + 4$	-	0	+	+
$x - 5$	-	-	0	+
P	+	0	-	+

$S =] -4; 5[$

Corrigé DS n° 1

$$4) \quad (x - 5)^2 - 9 \leq 0 \Leftrightarrow (x - 5 - 3)(x - 5 + 3) \leq 0 \Leftrightarrow (x - 8)(x - 2) \leq 0$$

On fait un tableau de signes

x	$-\infty$	2	8	$+\infty$
$x - 8$	-	-	0	+
$x - 2$	-	0	+	+
P	+	0	-	0

$$S = [2; 8]$$

Barème

Ex 1 : 1 + 1 + 1,5 + 1,5 + 1,5 + 1,5

Ex 2 : 1 + 1,5 + 1,5

Ex 3 : 2 + 2 + 2 + 2